

# Suites numériques, généralités

Première, enseignement de spécialité

9 octobre 2023

## Réponses

Vous trouverez ci-dessous les réponses correctes.

1 Une suite  $(u_n)$  est définie par l'égalité :

$$u_n = n^2 + 4n - 1.$$

Est-elle définie par récurrence ?

Oui

Non

2 Une suite  $(u_n)$  est définie par la relation :

$$u_0 = 7, \quad u_{n+1} = u_n^2 + u_n + 1.$$

Est-elle définie par récurrence ?

Oui

Non

3 Une suite  $(u_n)$  est définie par la relation :

$$v_0 = -1, \quad v_n = v_{n-1} + 1.$$

Est-elle définie par récurrence ?

Oui

Non

Dès lors qu'un terme se calcule à partir de son précédent, la relation est de récurrence. Ici, on calcule  $v_n$  à partir de son précédent  $v_{n-1}$ .

4 Dans la notation «  $u_n$  »,  $n$  est :

le terme

le rang

5 Une suite  $(u_n)_{n \geq 0}$  est définie par l'égalité :

$$u_n = n^2 + 4n - 1.$$

Son premier terme vaut :

-1

3

Son premier terme est  $u_0 = 0^2 + 4 \times 0 - 1 = -1$ .

6 Une suite  $(v_n)_{n \geq 1}$  est définie par l'égalité :

$$v_n = \frac{n-1}{n+1}.$$

Son premier terme vaut :

-1

0

Son premier terme est  $v_1$  d'après sa définition ( $n \geq 1$ ). Et  $v_1 = \frac{1-1}{1+1} = 0$ .

7 Une suite  $(u_n)$  est définie par la relation :

$$u_0 = 7, \quad u_{n+1} = 3u_n - 7.$$

Que vaut son troisième terme ?

35

98

Le troisième terme est  $u_2$  car on commence par  $u_0$ .

8 Une suite  $(v_n)$  est définie par la relation :

$$v_1 = 5, \quad v_{n+1} = 5(v_n - 1).$$

Que vaut son troisième terme ?

95

470

Ici, le troisième terme est  $v_3$  car la suite commence par  $v_1$ .

9 La suite  $(u_n)$  définie par  $u_n = 3n - 5$  est :

Croissante

Décroissante

Cette suite est définie par une fonction affine dont le coefficient directeur est égal à 3 (positif), donc croissante.

10 La suite  $(v_n)$  définie par  $v_n = 7 - 4n$  est :

Croissante

Décroissante

Cette suite est définie par une fonction affine dont le coefficient directeur est égal à  $-4$  (positif), donc décroissante.

11 On définit la suite  $(u_n)$  par :

$$u_n = \frac{n+1}{n+3}$$

. Quelle est l'expression de  $u_{n+1}$  ?

$\frac{n+2}{n+4}$

$\frac{2n+4}{n+3}$

12 On définit la suite  $(v_n)$  par :  $v_n = n^2 + n - 1$ . Quelle est l'expression de  $v_{n+1}$  ?

$n^2 + n$

$n^2 + 3n$

13 On définit la suite  $(u_n)$  par :  $u_n = 2n^2 + 5n + 2$ . La suite est :

Croissante

Décroissante

$$u_{n+1} - u_n = 4n + 7 > 0 \text{ car } n \geq 0.$$

14 On définit la suite  $(v_n)$  par :  $u_n = \frac{4-n}{n+2}$ . La suite est :

Croissante

Décroissante

$$v_{n+1} - v_n = \frac{-6}{n^2 + 5n + 6} < 0 \text{ car } n \geq 0 \text{ donc } 5n + 6 > 0 \text{ et donc } n^2 + 5n + 6 > 0.$$

15 La suite  $(u_n)$  définie par :

$$u_0 = 5, \quad u_{n+1} = -u_n$$

est monotone

n'est pas monotone

$u_0 = 5, u_1 = -5, u_2 = -(-5) = 5, u_3 = -5, \dots$  Les termes de la suite valent donc alternativement 5 et  $-5$ . La suite n'est donc pas monotone (ni croissante, ni décroissante).

**16** La suite  $(v_n)$  définie par :

$$v_0 = 6, \quad v_{n+1} = v_n^2 + 7v_n + 9.$$

La suite est :

Croissante

Décroissante

$$v_{n+1} - v_n = v_n^2 + 6v_n + 9 = (v_n + 3)^2 > 0.$$

**17** La suite  $(w_n)$  définie par :

$$w_0 = 6, \quad w_{n+1} = 3w_n - w_n^2 - 1.$$

La suite est :

Croissante

Décroissante

$$w_{n+1} - w_n = -w_n^2 + 2w_n - 1 = -(w_n - 1)^2 \leq 0.$$